

УДК 539.3

A. C. КИМ

## МЕДЛЕННЫЕ ДВИЖЕНИЯ ЗЕМНОЙ КОРЫ И КОНЦЕНТРАЦИЯ НАПРЯЖЕНИЙ В ЗОНЕ ВЯЗКОУПРУГОГО РАЗЛОМА

(Представлена академиком НАН РК Ш. М. Айталиевым)

Рассмотрена задача о нестационарных процессах в зоне глубинного вязкоупрого разлома, выходящего на дневную поверхность. Методами геодинамики и механики разрушения исследованы напряженно-деформированное состояние земной коры, медленные движения земной поверхности и концентрация напряжений в зоне вязкоупрого тектонического разлома на границе раздела двух сред.

Исследование нестационарных движений земной коры и концентрации напряжений в разломных зонах имеет важное значение при изучении механики тектонических процессов литосферной оболочки Земли и сопровождающих медленные движения геотектонических процессов [1, 2].

Зоны разломов характеризуются тем, что в них возможны развитые сдвиговые деформации. В окрестности разломов формируются области повышенных и пониженных напряжений, контролирующих фильтрацию флюидов, сейсмичность и разрушение горных пород.

Разрушение горных пород сильно зависит от запаса энергии в системе и прежде всего в той части, которая связана с изменением ее формы. В связи с этим особый интерес представляет исследование напряженно-деформированного состояния породных массивов в зонах тектонических разломов, находящихся в условиях сдвига.

Зону разлома для медленных движений в первом приближении можно рассматривать как некоторую жидкость большой вязкости [3–7]. Для быстрых процессов разлом представляет собой твердое тело с пониженной прочностью, о чем свидетельствует характер прохождения через него сейсмических волн.

В качестве простейшей модели, учитывающей и вязкие, и упругие свойства заполняющего разлом геоматериала выбрана модель вязкоупрого тела Максвелла. Для медленных процессов при постоянных фоновых напряжениях можно считать заполняющий материал ньютоновской вязкой жидкостью, а для быстрых движений учитывать только свойства упругости.

Рассмотрим задачу об эволюции напряженно-деформированного состояния породного массива

в зоне вязкоупрого разлома, расположенного на границе двух сред и выходящего на свободную поверхность, в условиях продольного сдвига. Суперпозицией соответствующего решения статической задачи и искомого решения перейдем от рассматриваемой задачи для перемещений  $w_1^p$  и  $w_2^p$  к приведенной для  $w_1$  и  $w_2$  [5–7].

На разломе при  $0 < x < 1, y = 0$  задаются условия

$$\frac{da}{dt} = \frac{1}{\mu} \frac{d\tau}{dt} + \frac{1}{\eta} \tau + \frac{1}{\eta} q, \quad 0 < x < 1, y = 0, \quad (1)$$

$$a(x,0) = a_0(x), \quad \tau(x,0) = \tau_0(x)$$

На продолжении разлома  $x > 1, y = 0$

$$w_1 - w_2 = 0, \quad x > 1, y = 0. \quad (2)$$

Применяя преобразование Лапласа с параметром  $p$  по  $t$  и косинус-преобразование Фурье с параметром  $s$  по  $x$ , начально-краевую задачу приведем к парной системе интегральных уравнений, которую, в свою очередь, приводим к интегральному уравнению типа Фредгольма второго рода в изображениях

$$\begin{aligned} \psi(\beta, p) + \frac{\mu_1 + \mu_2}{2\mu_2} \frac{\mu\eta p}{\mu + \eta p} \int_0^\beta \psi(\gamma, p) K(\beta, \gamma) d\gamma = \\ = \frac{q}{\eta p} \frac{\mu\eta}{\mu + \eta p} \sqrt{\beta} + \frac{\mu\eta}{\mu + \eta p} \left[ A_0(\beta) \sqrt{\beta} - \frac{1}{\mu} B_0(\beta) \sqrt{\beta} \right], \end{aligned} \quad 0 < b < 1, \quad (3)$$

$$K(\beta, \gamma) = \frac{2}{\pi} K(k), \quad k = \frac{2\sqrt{\beta\gamma}}{\beta + \gamma}, \quad (4)$$

$$A_0(\beta) = \frac{2}{\pi} \int_0^\beta \frac{a_0(x)}{\sqrt{\beta^2 - x^2}} dx,$$

$$B_0(x) = \frac{2}{\pi} \int_0^\beta \frac{\tau_0(x)}{\sqrt{\beta^2 - x^2}} dx.$$

Учитывая нормируемость и симметричность ядра  $K(b,g)$ , решение уравнения (3) получаем в виде

$$\psi(\beta; p) = f(\beta, p) + \lambda \sum_k \frac{\psi_k(\beta)}{\lambda_k - \lambda} \int_0^1 \psi_k(\xi) f(\xi, p) d\xi, \quad (5)$$

где

$$\begin{aligned} \lambda &= -\mu_0 \frac{\mu \eta p}{\mu + \eta p}, \quad \mu_0 = \frac{\mu_1 + \mu_2}{2\mu_2}, \\ f(\beta, p) &= \frac{q}{p} \frac{\mu}{\mu + \eta p} \sqrt{\beta} + \\ &+ \frac{\mu \eta}{\mu + \eta p} \left[ A_0(\beta) \sqrt{\beta} - \frac{1}{\mu} B_0(\beta) \sqrt{\beta} \right], \quad 0 < b < 1. \end{aligned} \quad (6)$$

Из (10) и (11), в частности, при  $a_0(x) = 0$ ,  $\tau_0(x) = 0$  находим

$$\psi(\beta, p) = \frac{q}{p} \sqrt{\beta} - q \sum_k \frac{c_k \psi_k(\beta)}{p + \frac{\lambda_k \sigma}{\mu_0 \mu + \lambda_k}}. \quad (7)$$

Обращая решение в изображениях (8), получаем

$$\psi(\beta, t) = q \sqrt{\beta} - q \sum_k c_k \psi_k(\beta) e^{-\frac{\lambda_k \mu t}{\mu_0 \mu + \lambda_k \eta}} \quad (8)$$

Перемещения  $w_1(x, y, t)$  и  $w_2(x, y, t)$  выражены через решение интегрального уравнения  $y(b, t)$  в виде

$$\begin{aligned} w_1(x, y, t) &= \int_0^1 \sqrt{\beta} \psi(\beta, t) \\ &\times \sqrt{\frac{y^2 - x^2 + \beta^2 + \sqrt{(y^2 - x^2 + \beta^2)^2 + 4x^2 y^2}}{2[(y^2 - x^2 + \beta^2)^2 + 4x^2 y^2]}} d\beta, \\ &y > 0, \end{aligned} \quad (9)$$

$$\begin{aligned} w_2(x, y, t) &= -\frac{\mu_1}{\mu_2} \int_0^1 \sqrt{\beta} \psi(\beta, t) \\ &\times \sqrt{\frac{y^2 - x^2 + \beta^2 + \sqrt{(y^2 - x^2 + \beta^2)^2 + 4x^2 y^2}}{2[(y^2 - x^2 + \beta^2)^2 + 4x^2 y^2]}} d\beta, \\ &y < 0. \end{aligned} \quad (10)$$

Из (9), (10) получены перемещения берегов разлома

$$w_1(x, 0, t) = \int_x^1 \frac{\sqrt{\beta} \psi(\beta, t)}{\sqrt{\beta^2 - x^2}} d\beta \quad \text{при } y = 0, 0 < x < 1, \quad (11)$$

$$w_2(x, 0, t) = -\frac{\mu_1}{\mu_2} \int_x^1 \frac{\sqrt{\beta} \psi(\beta, t)}{\sqrt{\beta^2 - x^2}} d\beta \quad \text{при } y = 0, 0 < x < 1. \quad (12)$$

Разрыв перемещений на разломе равен

$$a(x, t) = \frac{\mu_1 + \mu_2}{\mu_2} \int_x^1 \frac{\sqrt{\beta} \psi(\beta, t)}{\sqrt{\beta^2 - x^2}} d\beta, \quad 0 < x < 1. \quad (13)$$

На дневной поверхности при  $x = 0$  перемещения равны

$$w_1(0, y, t) = \int_0^1 \frac{\sqrt{\beta} \psi(\beta, t)}{\sqrt{y^2 + \beta^2}} d\beta \quad \text{при } y > 0, \quad (14)$$

$$w_2(0, y, t) = -\frac{\mu_1}{\mu_2} \int_0^1 \frac{\sqrt{\beta} \psi(\beta, t)}{\sqrt{y^2 + \beta^2}} d\beta \quad \text{при } y < 0. \quad (15)$$

Разрыв перемещений на дневной поверхности равен

$$a(0, t) = \frac{\mu_1 + \mu_2}{\mu_2} \int_0^1 \frac{\psi(\beta, t)}{\sqrt{\beta}} d\beta. \quad (16)$$

Коэффициент интенсивности напряжений в вершине разлома равен

$$\begin{aligned} K_{II}(t) &= \\ &= q \sqrt{\pi} \left[ 1 - \sum_k c_k \psi_k(1) \exp\left(-\frac{\lambda_k}{\mu_0 \mu + \lambda_k} \frac{\mu t}{\eta}\right) \right]. \end{aligned} \quad (17)$$

*Частные случаи полученного решения.*

1. В пределе при  $\mu \rightarrow \infty$  получаем случай идеально вязкого разлома на границе двух различающихся по жесткости сред

$$\begin{aligned} \psi(\beta, t) &= q \sqrt{\beta} - q \sum_k c_k \psi_k(\beta) \exp\left(-\frac{\lambda_k t}{\mu_0 \eta}\right), \\ &0 < b < 1, \end{aligned} \quad (18)$$

отсюда при  $\mu_0 = 1$  имеем случай идеально вязкого разлома на границе двух одинаковых сред:

$$\begin{aligned} \psi(\beta, t) &= q \sqrt{\beta} - \sum_k c_k \psi_k(\beta) e^{-t/\tau_k}, \\ &(19) \end{aligned}$$

$$\tau_k = \frac{\mu_0 \eta}{\lambda_k} = \frac{\mu_1 + \mu_2}{2\mu_1 \mu_2} \frac{1}{\lambda_k} \frac{L}{H} \frac{\eta_p}{T}, \quad (20)$$

Если в качестве параметров взять следующие данные:

$$\mu_1 = \mu_2 = 3 \cdot 10^{10} \text{ Па}, \quad L = 3 \cdot 10^4 \text{ м}, \quad H = 10 \text{ м},$$

$\eta_p = 4 \cdot 10^{13}$  Па·с,  $T = 3,15 \cdot 10^7$  с = 1 год,  $\lambda_1 = 0,18$ , то время релаксации получится равным  $\tau_1 \approx 0,7$  лет  $\approx 8$  месяцев.

2. При  $t_p \ll \frac{\eta_p}{\mu_p}$  находим

$$\psi(\beta, t) \approx q \frac{\mu t}{\eta} \sum_k c_k \psi_k(\beta) \frac{\lambda_k}{\mu_0 \mu + \lambda_k}. \quad (21)$$

При

$$\mu_p \ll \frac{\mu_2 H \lambda_1}{\mu_0 L} = \frac{3 \cdot 10^{10} \cdot 10 \cdot 0,18}{3 \cdot 10^4} = 1,8 \cdot 10^6 \text{ Па},$$

$$\psi(\beta, t) \approx q \frac{\mu t}{\eta} \sum_k c_k \psi_k(\beta) = q \frac{\mu t}{\eta} \sqrt{\beta}. \quad (22)$$

Если в качестве параметров взять предыдущие данные, то при  $\mu_p \ll 1,8 \cdot 10^6$  Па и  $t_p \ll \frac{\eta_p}{\mu_p} = \frac{4 \cdot 10^{13}}{\mu_p}$  с имеем следующие формулы.

Перемещения бортов разлома равны

$$w_1(x, 0, t) = q \frac{\mu t}{2\eta} \sqrt{1 - x^2}, \quad (23)$$

$$w_2(x, 0, t) = -\frac{\mu_1}{\mu_2} \frac{\mu t}{2\eta} \sqrt{1 - x^2}. \quad (24)$$

Взаимная подвижка берегов разлома равна

$$a_p(x_p, t_p) = q_p \frac{\mu_1 + \mu_2}{2\mu_1\mu_2} \frac{\mu_p t_p}{\eta_p} \sqrt{L^2 - x_p^2}, \quad (25)$$

где  $m_1$  и  $m_2$  – модули сдвига двух сред;  $m_p$  и  $h_p$  – упругий и вязкий модули разломной зоны.

В зоне выхода разлома на свободную поверхность

$$a_p(0, t_p) = \frac{q_p}{\mu_1} L \frac{\mu_1 + \mu_2}{2\mu_2} \frac{\mu_p}{\eta_p} t_p. \quad (26)$$

$$\text{При } q_p = 2 \cdot 10^6 \text{ Па, } \mu_p = 2 \cdot 10^5 \text{ Па, } t_p \ll \frac{\eta_p}{\mu_p} =$$

$= 1,33 \cdot 10^8$  с = 4,2 года взаимная подвижка берегов разлома на поверхности равна  $a_p(0, t_p) = 32 \cdot t_p$  (лет) см.

Исследована задача о напряженно-деформированном состоянии земной коры в зоне глубинного вязкоупругого разлома, выходящего на свободную поверхность. Методами интегральных преобразований начально-краевая задача приведена к уравнению типа Фредгольма второго рода

в изображениях.

Исследована задача о собственных значениях и собственных функциях интегрального уравнения. Получены формулы для перемещений, выраженные через решение интегрального уравнения и, в частности, разрыв перемещений на вязкоупругом разломе на границе раздела двух сред. Даны оценки времени релаксации напряжений и величины вязкости материала разломной зоны. Исследованы медленные движения берегов разлома и концентрация напряжений в его вершине.

#### ЛИТЕРАТУРА

1. Терком Д., Шуберт Дж. Геодинамика. М.: Мир, 1985. 730 с.
2. Ержанов Ж.С., Ким А.С. О механизме нестационарных процессов в очаге землетрясения // Прогноз землетрясений. Душанбе; Алма-Ата, 1982. №2. С. 79-93.
3. Ержанов Ж.С., Ким А.С. О локализации напряжений в окрестности разлома в предварительно напряженном полупространстве // Изв. АН КазССР. Сер. физ.-мат. 1987. №1. С. 76-81.
4. Ким А.С. Эволюция напряженно-деформированного состояния в зоне барьера на границе литосферных плит // VII Всесоюзный съезд по теоретической и прикладной механике: Тез. докл. М., 1991. С. 187.
5. Kim A.S. Evolution of the stress-strain in the tectonic fracture zone of the damping section // Материалы международной конференции «Вклад корейцев в науку и технику Казахстана». Алматы, 1997. С. 261-265.
6. Ким А.С. Эволюция напряженно-деформированного состояния в зоне тектонического разлома на границе литосферных плит // Материалы XI международной научной школы «Деформирование и разрушение материалов с дефектами и динамические явления в горных породах и выработках». Симферополь, 2001. С. 73-74.
7. Ким А.С. Ассеймическое скольжение вдоль разлома в породном массиве перед разрушением // Труды международной конференции «Геодинамика и напряженное состояние недр Земли». Новосибирск, 2004. С. 141-144.

#### Резюме

Жер қабатының терең жарықшы аймағындағы кернеулік-деформациялық күйінің литосфералық плиталардың орналаскан шекарасында және еркін үстіртке шығуы жаңарту әдісімен зерттелді. Басталу-шеткі міндет әдісімен Фредгольмың екінші көмінде түрлерінің тендеу үлгісіне келтірілген. Жарықша аймағындағы шоғырлану кернеуі зерттелінген.

#### Summary

It was investigated a problem of deformation of earth's crust in a zone of the depth break located on the boundary of lithospheric plates and their abruptness. By methods of transformation the initially-boundary problem resulted in the Fredholm's equation of the second series in images. It was investigated a concentration of stresses and slow motion in the viscosity-elastic break zone.

Поступила 10.01.06г.