REFERENCES

[1] Mikhlin S.G. Multidimensional singular integrals and integral equations, M.: Physmathgiz, **1962**, 254 p. (in Russ.).

[2] Aldashev S.A. Boundary value problems for multidimensional hyperbolic and mixed equations, Almaty: Gylym, **1994**, 170 p. (in Russ.).

[3] Aldashev S.A. Confluent multidimensional hyperbolic equations, Oral: ZKATU, **2007**, 139 p. (in Russ.).

[4] Tersenov S.A. Introduction to the theory of equations confluent on the boundary, Novosibirsk: NGU, **1973**, 94 p. (in Russ.).

[5] Aldashev S.A. Criterion of one-valued solvability of Poincare spectral problem in a cylindrical domain for a multi-dimensional wave equation, Materials of the IInternational conference of young scientists "Math modeling of fractal processes, related problems of analysis and informatics", Nalchik: SRI PMA KBSC RAS, **2011**. P. 35-39. (in Russ.).

[6] Aldashev S.A. Correctness of Dirichlet and Poincare problems in a cylindrical domain for Gellerstedt multidimensional equation , Ukrainian math journal, **2012**, v.64, №3, p.3-9. (in Russ.).

[7] Aldashev S.A. Criterion nfone-valueds olvability of Dirichlet and Poincare spectral problem for Gellerstedt multi-dimensional equation, Materials of the International conference of young scientists "Math modeling of fractal processes, related problems of analysis and informatics", Nalchik: SRI PMA KBSC RAS, **2013**, p. 31-33. (in Russ.).

КӨП ӨЛШЕМДІ ГЕЛЛЕРСТЕДТ ТЕҢДЕУІНЕ СПЕКТАРЛІК ДИРИХЛЕ ЖӘНЕ ПУАНКАРЕ ЕСЕПТЕРІНІҢ БІР МӘНДІ ШЕШІМДІЛІК КРИТЕРИЯСЫ

С. А. Алдашев[1], Б. Уаисов[2]

[1]Абай атындағы Қазақ ұлттық педагогикалық университет, Алматы, Қазакстан,
[2]М. Тынышбаев атындағы Қазақ көлік және коммуникация академиясы, Алматы, Қазакстан

Тірек сөздер: критерия, спектрлік есептер, көп өлшемді, Бессель функциясы.

Аннотация. Жазықтықта көрсетілгендей, ішектің толқуының қозғалысы математикалық физиканың негізгі есептері болып келеді. Дирихле есебі, тек ғана толқын теңдеуіне емес және де жалпы гиперболалық теңдеулерге де корректна емес екендігі дәлелденген.

Жұмыста көп өлшемді Геллерстедт теңдеуіне спектрлік Дирихле және Пуанкаре есептерінің бір мәнді шешімділік критериясы алынған.

Поступила 07.07.2015 г.

N E W S
OF THE NATIONAL ACADEMY OF SCIENCES OF THE REPUBLIC OF KAZAKHSTAN
PHYSICO-MATHEMATICAL SERIES
ISSN 1991-346X
Volume 4, Number 302 (2015), 124 – 129

ABOUT ONE METHOD OF THE SOLUTION OF THE RETURN TASK OF CAUCHY FOR THE STORM LIOUVILLE EQUATION

S. T. Ahmetova, A. B. Imanbaeva, A. Sh. Shaldanbaev

M. Auezov South-Kazakhstan State University, Shymkent, Kazakhstan.
E-mail: shaldanbaev51@mail.ru

Keywords: self-conjugacy, quite continuity, Cauchy's task, operator Shturma-Liuvillya.

Abstract. We will consider the operator equation in Hilbert space

$$Au = f, \tag{1.1}$$

where - quite continuous operator, and and space elements. If the operator one-to-one displays spaces on the area of value, there is a return operator displaying sets in spaces who is the unlimited operator. In this case the equation (1.1) has the only decision for any right part from which has an appearance

$$u = A^{-1}f, \tag{1.2}$$

but unfortunately, because of limitlessness of the return operator, this decision isn't steady, that is small deviations of the right part from true value can lead to big deviations from the required true decision. In practice, as a rule, the right part known it is only approximate therefore there is a problem of search of steady algorithm of the solution of the equation (1.1). For the first time such Tikhonov A.N. started considering tasks. [1], it appeared that many problems of geophysics, seismic exploration belong to this class of tasks. The bright representative of this class of tasks is the return task of Cauchy for the Storm Liouville equation. We will consider a task in space I Mow for the Storm Liouville equation

$$Ly = y''(x) = f(x), x \in (0,1)$$
$$y(0) = y'(0) = 0. \tag{1.3}$$

the decision which has an appearance

$$y(x) = \int_0^x (x-t)f(t)dt. \tag{1.4}$$

The essence of the return task of Cauchy consists in finding of the right part according to the known decision, that is is reduced to the solution of the integrated equation of the first sort

$$\int_0^x (x-t)f(t)dt = y(x). \tag{1.5}$$

УДК 517.91

ОБ ОДНОМ МЕТОДЕ РЕШЕНИЯ ОБРАТНОЙ ЗАДАЧИ КОШИ ДЛЯ УРАВНЕНИЯ ШТУРМА-ЛИУВИЛЛЯ

С. Т. Ахметова, А. Б. Иманбаева, А. Ш. Шалданбаев

Южно-Казахстанский государственный университет им. М. Ауезова, Шымкент, Казахстан

Ключевые слова: самосопряженость, вполне непрерывность, задача Коши, оператор Штурма-Лиувилля.

Аннотация. В настоящей работе решена одна обратная задача для оператора Штурма-Лиувилля.

1. Введение.

Рассмотрим в гильбертовом пространстве H операторное уравнение

$$Au = f, \tag{1.1}$$

где A – вполне непрерывный оператор, а f и u элементы пространства H. Если оператор A взаимно однозначно отображает пространства H на свою область значения $R(A) \subset H$, то существует обратный оператор A^{-1}, отображающий множества $R(A)$ в пространства H, который является неограниченным оператором. В этом случае уравнение (1.1) имеет единственное решение u для любой правой части f из $R(A)$, который имеет вид

$$u = A^{-1}f, \tag{1.2}$$

но к сожалению, из-за неограниченности обратного оператора A^{-1}, это решение не устойчиво, то есть малые отклонения правой части от истинного значения могут привести к большим отклонениям от искомого истинного решения. На практике, как правило, правая часть бывает известной лишь приближенно, поэтому возникает проблема поиска устойчивого алгоритма решения уравнения (1.1). Впервые задачи такого рода начал рассматривать Тихонов А.Н. [1], оказалось, что многие задачи геофизики, сейсморазведки относятся именно к этому классу задач. Ярким представителем этого класса задач является обратная задача Коши для уравнения Штурма-Лиувилля. Рассмотрим в пространстве $L^2(0,1)$ задачу Кошу для уравнения Штурма-Лиувилля

$$Ly = y''(x) = f(x), x \in (0,1)$$
$$y(0) = y'(0) = 0. \tag{1.3}$$

решение, которого имеет вид

$$y(x) = \int_0^x (x-t)f(t)dt. \tag{1.4}$$

Суть обратной задачи Коши состоит в нахождении правой части f по известному решению $y(x)$, то есть сводится к решению интегрального уравнения первого рода

$$\int_0^x (x-t)f(t)dt = y(x). \tag{1.5}$$

2. Методы исследовании. В этом разделе мы докажем две леммы, которые могут иметь и самостоятельное значение и они подсказаны нам теоремой Эрвина Шмидта, о разложении произвольного компактного оператора в ряд по собственным функциям «модуля» оператора [2].

Лемма 2.1. Если A вольтерровый оператор, S- унитарный оператор и имеют место равенства

$$SA = A^*S, S = S^*, N(A) = \{0\}, \tag{2.1}$$

то операторное уравнение

$$Au = f \tag{2.2}$$

имеет в пространстве H единственное решение вида

$$u = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(f, S\varphi_n)}{\lambda_n} \varphi_n, \tag{2.3}$$

где λ_n- собственное значение оператора SA, а φ_n- собственные векторы этого оператора.

Доказательство. По условию леммы оператор A компактный, а в силу условий $SA = A^*S$, $S = S^*$ оператор SA- самосопряженный и компактный. По теореме Гильберта-Шмидта [3] для любого вектора u пространства H имеет место разложение

$$SAu = \sum_{n=1}^{\infty} (SAu, \varphi_n)\, \varphi_n + \varphi_0,$$

где $\varphi_0 \in N(SA)$. В нашем случае $N(SA) = \{0\}$, поэтому

$$SAu = \sum_{n=1}^{\infty} (SAu, \varphi_n)\, \varphi_n = \sum_{n=1}^{\infty} \lambda_n (u, \varphi_n)\varphi_n, \Rightarrow (SAu, \varphi_n) = \lambda_n (u, \varphi_n), (u, \varphi_n) = \frac{(SAu, \varphi_n)}{\lambda_n}.$$

Если $(u, \varphi_n) = 0$, то $SAu = 0$, $\Rightarrow u = 0$, следовательно, система $\{\varphi_n\}$ является полной ортогональной системой. Полагая ее ортонормированной, имеем

$$u = \sum_{n=1}^{\infty} (u, \varphi_n)\varphi_n = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(SAu, \varphi_n)}{\lambda_n} \varphi_n = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(Sf, \varphi_n)}{\lambda_n} \varphi_n = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(f, S\varphi_n)}{\lambda_n} \varphi_n.$$

Лемма 2.2. (а) Если A вольтерровый оператор, S- унитарный оператор, действующие в гильбертовом пространстве H и удовлетворяющие условию

$$SA = A^*S, S = S^*, N(A) = \{0\}, \tag{2.1}$$

то операторное уравнение

$$(SA - i\alpha)u_\alpha = Sf \tag{2.4}$$

для любого вещественного числа α, отличного от нуля, и правой части $f \in H$ имеет единственное решение вида

$$u_\alpha = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(f, S\varphi_n)}{\lambda_n + i\alpha} \varphi_n, \tag{2.5}$$

где $SA\varphi_n = \lambda_n \varphi_n, n = 1,2, \ldots$.

(б) для любого элемента $f \in R(A)$ имеет место оценка

$$\|Au_\alpha - f\| \ll |\alpha| \cdot \|u\|, f = Au, \tag{2.6}$$

которая показывает скорость приближения элемента Au_α к f при $\alpha \to 0$;

(в) если $f \in R(A)$ и $\alpha \to 0$, то величина $\|u_\alpha - u\|$ стремится к нулю.

Доказательство. а) Оператор SA вполне непрерывен и самосопряжен, поэтому все его собственные значения вещественны. По альтернативе Фредгольма любое комплексное число является либо собственным значением вполне непрерывного оператора, либо принадлежит к резольвентному множеству, стало быть, оператор $SA - i\alpha I$ ограниченно обратим при любом вещественном значений $\alpha \neq 0$. Следовательно, уравнение

$$(SA - i\alpha I)u_\alpha = Sf$$

разрешимо при любом вещественном $\alpha \neq 0$, т.е. имеет место формула: $u_\alpha = (SA - i\alpha I)^{-1}Sf$.

Найдем Фурье представление этого решения.

$$u_\alpha = \sum_{n=1}^{\infty}(u_\alpha, \varphi_n)\varphi_n = \sum_{n=1}^{\infty}((SA - i\alpha I)^{-1}Sf, \varphi_n)\varphi_n = \sum_{n=1}^{\infty}(Sf, (SA + i\alpha)^{-1}\varphi_n)\varphi_n =$$

$$\sum_{n=1}^{\infty}\frac{(Sf, \varphi_n)\varphi_n}{\lambda_n + i\alpha} = \sum_{n=1}^{\infty}\frac{(f, S\varphi_n)\varphi_n}{\lambda_n + i\alpha}.$$

Оценим норму u_α в пространстве H.

$$\|u_\alpha\|^2 = \sum_{n=1}^{\infty}\frac{|(Sf, \varphi_n)|^2}{\lambda_n^2 + \alpha^2} < \frac{1}{\alpha^2}\sum_{n=1}^{\infty}|(f, S\varphi_n)|^2 \ll \frac{\|f\|^2}{\alpha^2}, \quad \alpha \neq 0;$$

б) Из условия $f \in R(A)$ следует, что существует такой элемент u пространства H, что $f = Au$. Оператор A ограничен и $A\varphi_n = \lambda_n S\varphi_n$, поэтому

$$Au_\alpha = \sum_{n=1}^{\infty}\frac{(Sf, \varphi_n)}{\lambda_n + i\alpha}A\varphi_n = \sum_{n=1}^{\infty}\frac{(f, S\varphi_n)}{\lambda_n + i\alpha}S\varphi_n;$$

$$\|Au_\alpha - f\|^2 = \left\|\sum_{n=1}^{\infty}\frac{(f, S\varphi_n)}{\lambda_n + i\alpha}\lambda_n S\varphi_n - \sum_{n=1}^{\infty}(f, S\varphi_n)S\varphi_n\right\|^2 = \sum_{n=1}^{\infty}\left|\frac{\lambda_n}{\lambda_n + i\alpha} - 1\right|^2|(f, S\varphi_n)|^2$$

$$= \sum_{n=1}^{\infty}\frac{|\alpha|^2}{\lambda_n^2 + \alpha^2}|(f, S\varphi_n)|^2 \ll \alpha^2 \cdot \sum_{n=1}^{\infty}\frac{|(f, S\varphi_n)|^2}{\lambda_n^2} \ll \alpha^2 \cdot \sum_{n=1}^{\infty}\frac{|(Au, S\varphi_n)|}{\lambda_n^2} \ll \alpha^2 \cdot \sum_{n=1}^{\infty}\frac{|(SAu, \varphi_n)|^2}{\lambda_n^2}$$

$$\ll \alpha^2 \cdot \sum_{n=1}^{\infty}\frac{|(u, SA\varphi_n)|^2}{\lambda_n^2} \ll \alpha^2 \cdot \|u\|^2;$$

в) Оценим норму $\|u_\alpha - u\|$ в пространстве H.

$$\|u_\alpha - u\| = \left\|\sum_{n=1}^{\infty}\frac{(Sf, \varphi_n)}{\lambda_n + i\alpha}\varphi_n - \sum_{n=1}^{\infty}\frac{(f, S\varphi_n)}{\lambda_n}\varphi_n\right\|^2 = \left\|\sum_{n=1}^{\infty}\left(\frac{1}{\lambda_n + i\alpha} - \frac{1}{\lambda_n}\right)(f, S\varphi_n)\varphi_n\right\|^2 =$$

$$\sum_{n=1}^{\infty}\frac{\alpha^2}{\lambda_n^2(\lambda_n^2 + \alpha^2)}|(f, S\varphi_n)|^2 = \alpha^2\sum_{n=1}^{\infty}\frac{|(Au, S\varphi_n)|^2}{\lambda_n^2(\lambda_n^2 + \alpha^2)} = \alpha^2\sum_{n=1}^{\infty}\frac{|(u, SA\varphi_n)|^2}{\lambda_n^2(\lambda_n^2 + \alpha^2)} = \alpha^2 \cdot$$

$$\sum_{n=1}^{\infty}\frac{|(u, \varphi_n)|^2}{\lambda_n^2 + \alpha^2} = \alpha^2\sum_{n=1}^{N}\frac{|(u, \varphi_n)|^2}{\lambda_n^2 + \alpha^2} + \sum_{N+1}^{+\infty}\frac{|(u, \varphi_n)|^2\alpha^2}{\lambda_n^2 + \alpha^2} \ll \alpha^2\sum_{n=0}^{N}\frac{|(u, \varphi_n)|^2}{\lambda_n^2 + \alpha^2} + \sum_{N+1}^{\infty}|(u, \varphi_n)|^2.$$

Из условия $f \in R(A)$ следует сходимость ряда $\sum_{n=1}^{\infty}|(u, \varphi_n)|^2 < +\infty$, поэтому для любого $\varepsilon > 0$ существует такой номер $N(\varepsilon)$, что $\sum_{N+1}^{\infty}|(u, \varphi_n)|^2 < \frac{\varepsilon^2}{2}$. При фиксированном $N(\varepsilon)$ найдем число $\delta(\varepsilon) > 0$, такое, что для всех $0 \ll \alpha < \delta(\varepsilon)$ имеет место

$$\alpha^2\sum_{n=1}^{N}\frac{|(u, \varphi_n)|^2}{\lambda_n^2 + \alpha^2} < \frac{\varepsilon^2}{2}$$

неравенство. Следовательно, для любого $\varepsilon > 0$ существует $\delta(\varepsilon) > 0$, такое, что для всех $0 \ll \alpha < \delta(\varepsilon)$ имеет место неравенство $\|u_\alpha - u\| < \varepsilon$, что и требовалось доказать.

Заметим, что если u является элементом функционального пространства, иначе говоря, функцией, то быстрота сходимости к нулю величины $\sum_{N+1}^{\infty}|(u, \varphi_n)|^2$ зависит от гладкости функции $u(x)$.

3. Результаты исследований.

Теорема 3.1. (а) Если $f(x) \in W_2^2(0,1)$, то интегральное уравнение

$$Au(x) = \int_0^x (x-t)u(t)dt = f(x) \tag{3.1}$$

имеет единственное решение вида

$$u(x) = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(f, S\varphi_n)}{\lambda_n} \varphi_n, \tag{3.2}$$

где $S\varphi_n(x) = \varphi_n(1-x), SA\varphi_n = \lambda_n \varphi_n$;

(б) для любого $f(x) \in W_2^2(0,1)$ имеет место оценка

$$\|Au_\alpha - f\| \ll |\alpha| \cdot \|u\|, f = Au,$$

где $u_\alpha(x)$ является решением уравнения

$(SA - i\alpha)u_\alpha = Sf, \alpha -$ вещественная величина;

(в) если $f(x) \in W_2^2(0,1)$, то $\lim_{\alpha \to 0} \|u_\alpha - u\| = 0$.

Доказательство. Если $Au = 0$, то $\int_0^x (x-t)u(t)dt = 0$, тогда из теоремы Лебега [3] следует, что $u(x) = 0$ почти всюду в $(0,1)$, следовательно, обратный оператор A^{-1} существует;

Ядро интегрального оператора (3.1) имеет вид $A(x,t) = (x-t) \cdot \theta(x-t)$, поэтому ограничен и принадлежит классу Гильберта-Шмидта. Следовательно, оператор A вполне непрерывен. Вольтерровость оператора A является следствием теоремы единственности решения задачи Коши для уравнения Штурма-Лиувилля. Проверка выполнения условий лемм 2.1, 2.2 не составляет труда.

4. Выводы. Результаты данной работы могут быть использованы в спектральной теории операторов [4-15].

ЛИТЕРАТУРА

[1] Тихонов А.Н., Арсенин В.Я. Методы решения некорректных задач.- М.: Наука, 1979, 288с.

[2] Гохберг И.Ц., Крейн М.Г. Введение в спектральную теорию несамосопряженных операторов.- М.: Наука, 1965, 447с.

[3] Треногин В.А. Функциональный анализ.- М.: Наука, 1980, 494с.

[4] Шалданбаев А.Ш., Ахметова С.Т. О полноте собственных векторов задачи Коши. - Республиканский научный журнал «Наука и образования ЮК» № 27, 2002. с. 58-62.

[5] Шалданбаев А.Ш. Об операторах симметрии. - Республиканская научная конференция “Дифференциальные уравнения и теория колебаний” – Алматы, 10-12 октября 2002г, с. 81-84.

[6] Шалданбаев А.Ш., Аширбекова К.Ш. О кратности спектра оператора Штурма-Лиувилля. Республиканская научная конференция “Дифференциальные уравнения и теория колебаний”. – г. Алматы, 10-12 октября 2002г., с. 84-86.

[7] Шалданбаев А.Ш., Ахметова С.Т. О полноте собственных векторов периодической и антипериодической задачи. - Республиканский научный журнал «Наука и образование ЮК» №34, 2003г, - с. 25-30.

[8] Шалданбаев А.Ш., Аширбекова Ж.Ш. Об одном необходимом признаке симметрии задачи Штурма-Лиувилля. - Республиканский научный журнал «Наука и образование ЮК» №34, 2003г, - с. 133-136.

[9] Шалданбаев А.Ш. Необходимое и достаточное условие существования сильного решения для параболического уравнения с обратным течением времени. - КазНУ им. АльФараби «Вестник», г. Алматы, №2 (53), 2007. – с.58-72.

[10] Шалданбаев А.Ш. О формулах следов одного класса операторов Штурма-Лиувилля. - Башкирский Государ-+ственный Университет, «Вестник», том 14, №2, 2009. – с.351-355.

[11] Шалданбаев А.Ш. О сингулярно возмущенной задаче Коши в пространстве $L^2(0,1)$. // Математический журнал. г.Алматы, 2008, т.8, №4(30), с. 88-97.

[12] Шалданбаев А.Ш. Решение сингулярно возмущенной задачи Коши для системы обыкновенных дифференциальных уравнений с переменными коэффициентами методом отклоняющегося аргумента. // Вестник КазНУ, серия мат.-мех., инф., 2010г, №1, с. 85-87.

[13] Кальменов Т.Ш., Шалданбаев А.Ш. Об одном рекуррентном методе решения сингулярно сингулярно возмущенной задачи Коши для уравнения второго порядка. // Математические труды. г.Новосибирск. 2010, т.13, №2, с. 128-138.

[14] Kal'menov T.Sh., Shaldanbaev A.Sh. On a criterion of solvability of the inverse problem of heat conduction. Iournal of Jnverse and ill- posed problems.2010,v18,№4,p.352-369.

[15] Шалданбаев А.Ш. Спектральные разложения корректных-некорректных начально краевых задач для некоторых классов дифференциальных уравнений.- 193с, LAP LAMBEPT Academic Pyblishing. http://dnb.d-nb.de. Email:info@lap-publishing.com,Saarbrucken 2011,Germanu.

REFERENCES

[1] Tihonov A.N., Arsenin V.Ja. Metody reshenija nekorrektnyh zadach.- M.: Nauka, 1979, 288s.

[2] Gohberg I.C., Krejn M.G. Vvedenie v spektral'nuju teoriju nesamosoprjazhennyh operatorov.- M.: Nauka, 1965, 447s.

[3] Trenogin V.A. Funkcional'nyj analiz.- M.: Nauka, 1980, 494s.

[4] Shaldanbaev A.Sh., Ahmetova S.T. O polnote sobstvennyh vektorov zadachi Koshi. - Respublikanskij nauchnyj zhurnal «Nauka i obrazovanija JuK» № 27, 2002. s. 58-62.

[5] Shaldanbaev A.Sh. Ob operatorah simmetrii. - Respublikanskaja nauchnaja konferencija “Differencial'nye uravnenija i teorija kolebanij” – Almaty, 10-12 oktjabrja 2002g, s. 81-84.

[6] Shaldanbaev A.Sh., Ashirbekova K.Sh. O kratnosti spektra operatora Shturma-Liuvillja. Respublikanskaja nauchnaja konferencija "Differencial'nye uravnenija i teorija kolebanij". – g. Almaty, 10-12 oktjabrja 2002g., s. 84-86.

[7] Shaldanbaev A.Sh., Ahmetova S.T. O polnote sobstvennyh vektorov periodicheskoj i antiperiodicheskoj zadachi. - Respublikanskij nauchnyj zhurnal «Nauka i obrazovanie JuK» №34, 2003g, - s. 25-30.

[8] Shaldanbaev A.Sh., Ashirbekova Zh.Sh. Ob odnom neobhodimom priznake simmetrii zadachi Shturma-Liuvillja. - Respublikanskij nauchnyj zhurnal «Nauka i obrazovanie JuK» №34, 2003g, - s. 133-136.

[9] Shaldanbaev A.Sh. Neobhodimoe i dostatochnoe uslovie sushhestvovanija sil'nogo reshenija dlja parabolicheskogo uravnenija s obratnym techeniem vremeni. - KazNU im. Al'Farabi «Vestnik», g. Almaty, №2 (53), 2007. – s.58-72.

[10] Shaldanbaev A.Sh. O formulah sledov odnogo klassa operatorov Shturma-Liuvillja. - Bashkirskij Gosudarstvennyj Universitet, «Vestnik», tom 14, №2, 2009. – s.351-355.

[11] Shaldanbaev A.Sh. O singuljarno vozmushhennoj zadache Koshi v prostranstve . // Matematicheskij zhurnal. g.Almaty, 2008, t.8, №4(30), s. 88-97.

[12] Shaldanbaev A.Sh. Reshenie singuljarno vozmushhennoj zadachi Koshi dlja sistemy obyknovennyh differencial'nyh uravnenij s peremennymi kojefficientami metodom otklonjajushhegosja argumenta. // Vestnik KazNU, serija mat.-meh., inf., 2010g, №1, s. 85-87.

[13] Kal'menov T.Sh., Shaldanbaev A.Sh. Ob odnom rekurrentnom metode reshenija singuljarno singuljarno vozmushhennoj zadachi Koshi dlja uravnenija vtorogo porjadka. // Matematicheskie trudy. g.Novosibirsk. 2010, t.13, №2, s. 128-138.

[14] Kal'menov T.Sh., Shaldanbaev A.Sh. On a criterion of solvability of the inverse problem of heat conduction. Iournal of Jnverse and ill- posed problems.2010,v18,№4,p.352-369.

[15] Shaldanbaev A.Sh. Spektral'nye razlozhenija korrektnyh-nekorrektnyh nachal'no kraevyh zadach dlja nekotoryh klassov differencial'nyh uravnenij.- 193c, LAP LAMBEPT Academic Pyblishing. http://dnb.d-nb.de. Email:info@lap-publishing.com,Saarbrucken 2011,Germanu.

ШТУРМ-ЛИУВИЛ ТЕҢДЕУІНІҢ КОШИ ЕСЕБІНЕ КЕРІ ЕСЕПТІ ШЕШУДІҢ БІР ТӘСІЛІ ТУРАЛЫ

С. Т. Ахметова, А. Б. Иманбаева, А. Ш. Шалданбаев

М. О. Әуезов атындағы Оңтүстік Қазақстан мемлекеттік университеті, Шымкент, Қазақстан

Тірек сөздер: жалқылық, әсіре үзіксіздік, Кошидің есебі, Штурм-Лиувилл операторы.

Аннотация. Еңбекте Штурм-Лиувилл есебіне арналған Коши есебіне кері есеп шешілді.

Поступила 07.07.2015 г.

N E W S
OF THE NATIONAL ACADEMY OF SCIENCES OF THE REPUBLIC OF KAZAKHSTAN
PHYSICO-MATHEMATICAL SERIES
ISSN 1991-346X
Volume 4, Number 302 (2015), 129 – 138

ON THE STOCHASTIC STABILITY ANALYTICALLY GIVEN INTEGRAL MANIFOLD

M. I. Tleubergenov[1], G. K. Vassilina[2]

[1]Institute of Mathematics and Mathematical Modelling of MES RK, Almaty, Kazakhstan,
[2]Al-Farabi Kazakh National University, Almaty, Kazakhstan.
E-mail: v_gulmira@mail.ru

Keywords: differential Ito equations, stability, probability, integral manifold.

Abstract. Proved in the A.M. Lyapunov's, N.G. Chetaev's, I.G. Malkin's et al. works, the classical theorems of Lyapunov functions method and their various modifications of the stability of the unperturbed motion in a class of ordinary differential equations are summarized in Matrosov's, Zubov's, Malyshev's works to the case of invariant sets using Lyapunov functions of the $V(\rho,t)$ form where $\rho=\rho(x,M)$ - the distance from the image point x to the set M.