

К. БАКТЫБАЕВ, Н. О. КОЙЛЫК, К. Е. РАМАНКУЛОВ

ФЕРМИОННАЯ ДИНАМИКО-СИММЕТРИЧЕСКАЯ МОДЕЛЬ И ЕЕ БОЗОННОЕ ОТОБРАЖЕНИЕ

Исследовано бозонное отображение фермионной динамико-симметрической модели многочастичных систем. Результаты диагонализации гамильтонианов отображений Дайсона, Беляева-Зелевинского сравнены сеньорити и самой фермионной модели с экспериментальными данными для переходных ядер.

Введение. Микроскопическое описание коллективных возбуждений многонуклонных систем остается еще сложной задачей. Самый современный феноменологический подход – модель взаимодействующих бозонов связывает коллективные степени свободы ядерных систем с оболочно-модельными парами нуклонов в них [1]. Более того, модель взаимодействующих бозонов (МВБ) посредством $SU(6)$ -симметрии может анализировать коллективные моды в ядрах с точки зрения бозонной динамической симметрии.

В последние годы предложена модель, описывающая коллективные состояния многонук-

лонных систем, основанная на концепции алгебраической фермионной динамической симметрии (ФДМС). Строительные блоки в ней, а именно коррелированные фермионные пары S' , S' и D , выбираются так, что операторы рождения и уничтожения пар вместе с набором мультипольных операторов образуют $Sp(6)$ - либо $SO(8)$ -алгебру. В ФДСМ найдены подобные асимптотические пределы, как и в МВБ, хотя некоторые из них не существуют в МВБ и поэтому не связаны с валентной оболочной структурой нуклонов в ядре.

В данной работе мы исследовали бозонные отображения фермионной динамико-симметри-

ческой модели (ФДСМ). Для этого сначала немного упростили сложный гамильтониан модели, определяя остаточное парное взаимодействие только монополярными и квадрупольными членами, а также предполагая, что парные матричные элементы пропорциональны вырождению уровней, участвующих в парных корреляциях.

Кроме того, если принять отсутствие разорванных пар на уровнях как нормальной, так и аномальной четностей, то модельный гамильтониан будет иметь $Sp(6) \times sU(2)$ -динамическую симметрию для k -активной схемы и $SO(8) \times sU(2)$ -динамическую симметрию для i -активной схемы. Для такого упрощенного случая общий двухчастичный гамильтониан протонной и нейтронной системы, содержащий 11 параметров, имеет вид

$$H_{\text{ФДСМ}} = \sum l_{ki} n_{ki} + \sum_{\alpha\alpha'} G_0^{\alpha\alpha'} S^+(\alpha) S(\alpha') + G_2 P_2 P + \sum_{r,\alpha\alpha'} B_r^{\alpha\alpha'} P^r(\alpha) P^r(\alpha'). \quad (0.1)$$

Дальнейшая редакция этого гамильтониана, обладающая лишь спаривательными и квадрупольными членами, для приложения к конкретным физическим системам приводит к выражению

$$H = G_{0\pi} S_{\pi}^+ S_{\pi}^l + G_{0\nu} S_{\nu}^+ S_{\nu} + B_{2\pi} P_{\pi}^2 P_{\pi}^2 + B_{2\nu} P_{\nu}^2 P_{\nu}^2 + B_{2\pi\nu} P_{\pi}^2 P_{\nu}^2, \quad (0.2)$$

где значки π относятся к протону, ν – к нейтроном. Этот гамильтониан имеет всего 5 параметров.

Электромагнитный квадрупольный оператор берется в одночастичной форме:

$$T(E_2) = l_{\pi} P_{\pi}^2 + l_{\nu} P_{\nu}^2. \quad (0.3)$$

Далее обсудим некоторые бозонные отображения фермионной модели. В частности, рассмотрим отображения Дайсона, сеньорити и Беляева–Зелевинского. Кроме возможного появления ложных состояний конечное Дайсон-отображение дает точные результаты по отображению в бозонное пространство. Однако его неунитарная природа не позволяет прямое сравнение со стандартной феноменологической МВБ. Другие два отображения сеньорити и Беляева–Зелевинского дают эрмитовские бозонные структуры, сравнение которых с МВБ становится вполне законным. [2].

1. Бозонное отображение модели. В фермионной динамико-симметрической модели реали-

зуется либо $Sp(6)$ либо $SO(8)$ алгебра операторов рождения и уничтожения S и D фермионных пар и мультипольных операторов P , в образовании которых активом служат либо псевдоугловой момент $k=1$, либо псевдоспин $i=3/2$. Фермионный гамильтониан, записанный посредством операторов спаривания и мультиполей, в общем случае следует диагонализировать в фермионном пространстве, сконструированном последовательным действием операторов рождения и уничтожения на фермионный вакуум.

Таким путем сформированный фермионный гамильтониан модели можно отобразить в бозонный различными способами. Ниже мы рассмотрим три вида бозонного отображения операторов модели: дайсоновского, сеньорити и Беляева–Зелевинского.

А. Отображение Дайсона. Из фермионного гамильтониана рассматриваемой модели можно получить эквивалентный бозонный гамильтониан непосредственным применением обобщенного бозонного отображения Дайсона. Для фермионных $Sp(6)$ и $SO(8)$ алгебр бозонная реализация Дайсона записывается через s - и d -бозонные операторы по аналогии, как это делается в работах [3, 4]. В частности, монополярные, квадрупольные, дипольные и октупольные операторы ФДСМ отображаются в бозонные следующим образом:

$$S^+ \rightarrow \sqrt{\Omega} \left(s^+ - \frac{1}{\Omega} s^+ s^+ s - \frac{2}{\Omega} s^+ d^+ d - \frac{1}{\Omega} d^+ d^+ s - \frac{1}{\Omega} \chi (d^+ d^+)^{(2)} d \right), \quad (1.1)$$

$$S \rightarrow \sqrt{\Omega} s, \quad (1.2)$$

$$P^2 \rightarrow (d^+ s + s^+ d)^{(2)} + \chi (d^+ d)^{(2)}, \quad (1.3)$$

$$P^1 \rightarrow \sqrt{2} (d^+ d)^{(1)}, P^3 \rightarrow -\sqrt{2} (d^+ d)^{(3)} \quad (\text{SO}(8)\text{-случай}), \quad (1.4)$$

$$P^1 \rightarrow \frac{1}{\sqrt{2}} \sqrt{15} (d^+ d)^{(1)} \quad (\text{Sp}(6)\text{-случай}). \quad (1.5)$$

В этих выражениях Ω – вырождение пар в фермионном пространстве, $\chi=7/2$ для $Sp(6)$ и $\chi=0$ для $SO(8)$ -алгебр.

Следует иметь в виду, что для числа фермионных пар $N > \Omega/3$ (для $Sp(6)$) или $N > \Omega/2$ [для $SO(8)$] размерность идеального бозонного базиса больше, чем размерность фермионного пространства из-за присутствия в последнем фермионных состояний запрещенных Паули-принципом.

Поэтому появляются нефизические (ложные) решения отображенного бозонного гамильтониана совместно с точными физическими решениями. Однако они отделяются от физических решений [5] и существуют методы, которые позволяют их интерпретировать.

Заметим, что гамильтониан Дайсона имеет двухчастичную структуру, хотя в общем он неэрмитов. Неэрмитовость бозонного гамильтониана Дайсона отличает его от традиционного эрмитового МВБ-гамильтониана. Для того чтобы получить эрмитов-гамильтониан, эквивалентный дайсоновскому, по крайней мере в физической области, нужны аналогичные преобразования фермионных операторов в бозонный. Для осуществления таких конструкции мы предпримем дальше две практические процедуры. Осуществим, во-первых, отображение сеньорити, которое приводит к SU(2)-асимптотическому пределу обычной алгебры нашей модели; во-вторых, отображения Беляева–Зелевинского, целью которого является точное рассмотрение SU(3)- и SO(6)-пределов Sp(6) и SO(8) алгебр соответственно.

Б. *Отображение сеньорити.* Прежде всего заметим, что в дайсоновском отображении бозонные КЭТ-состояния не имеют прямых соотношений связи между числом сеньорити v фермионных состояний с числом всех бозонов кроме s -бозона (здесь это эквивалентно d -бозону). Дайсоновский образ состояний с $v=0$ $(S^+)^N |0\rangle$ фактически содержит компоненты с двумя или большим числом d -бозонов. В отображении сеньорити, наоборот, ставится цель, чтобы установить простые соотношения между фермионными состояниями с хорошей сеньорити и бозонными состояниями с фиксированным числом d -бозонов, т.е. соотношения типа

$$|N, v=0\rangle \leftrightarrow |n_s = N\rangle, \quad (1.6)$$

$$|N, v=2\rangle \leftrightarrow |n_s = N-1, n_d = 1\rangle. \quad (1.7)$$

Чтобы достичь этого, следует наложить условие, что сеньорити-образы S^+ и S операторов даются отображением Дайсона:

$$S^+ \rightarrow \sqrt{\Omega} \left(S^+ - \frac{1}{\Omega} S^+ S^+ S - \frac{2}{\Omega} S^+ d^+ d \right), \quad (1.8)$$

$$S \rightarrow \sqrt{\Omega} S \quad (1.9)$$

для SU(2)-подалгебры вместо равенств (4). Видно, что приведенные отображения являются лучшими.

Реализация SU(2)-алгебры и оно обеспечивает эрмитовость бозонного образа фермионного парного гамильтониана $S^+ S$. Затем следует найти образы других операторов проверкой, например, выполнения коммутационных соотношений. В принципе такая конструкция имеет несколько решений. Одно из них определяется замечанием, что образы спаривательного гамильтониана, вытекающего из отображений (1.1) и (1.8) соответственно, определяются подобным преобразованием [6]. Такие преобразования дают возможность сконструировать сеньорити-образ фермионных операторов по их оригинальным дайсоновским формам. Хотя имеется для SO(8)-случая замкнутая форма подобных преобразований, но в общем она существует в виде бесконечного ряда [6]. В настоящей конструкции используются только члены нижайшего порядка для того, чтобы найти сеньорити-образ генераторов в SU(2)-пределе. Для квадрупольных операторов она дается в виде

$$P_c^2 = s^+ d + \left(1 - \frac{n_s}{\Omega + 1 - 2N + 2n_s} \right) d^+ s + \chi \left(1 - \frac{2n_s}{\Omega - 2N + 2n_s} \right) (d^+ d)^{(2)}. \quad (1.10)$$

Образы дипольного и октупольного операторов P^1 и P^3 инвариантны подобным преобразованиям, как это следует из аргумента о том, что угловой момент и бозонные сеньорити сохраняются при подобных преобразованиях. Поскольку в ФДСМ-гамильтониане квадрупольное спаривание можно заменить перераспределением других параметров [1], то сеньорити образ D спаривательного оператора не будем обсуждать.

В выражениях (1.10) для сеньорити-квадрупольного оператора двухчастичные члены, содержащие оператор числа s -бозонов n_s , сохраняются. Полное число фермионных (или полное число бозонов) N фиксировано. Для аппроксимации эту структуру как одночастичный оператор выполним две процедуры. Сначала оператор n_s заменим его значением в состоянии с сеньорити $v=2$, т.е. $n_s \rightarrow N-1$.

В дальнейшем это отображение обозначим как сеньорити-отображение A . Однако в действительных ФДСМ-вычислениях низколежащие состояния должны отличаться от данной схемы сеньорити. Чтобы учесть это более точно, n_s

заменяем на $N - 1 - \langle \nu \rangle / 2$, где $\langle \nu \rangle$ – среднее значение сенъорити по основным ФДСМ-состояниям. Это обозначим сенъорити-отображением B . Среднее значение $\langle \nu \rangle$ определяется из соотношения

$$\langle S^+ S \rangle = \frac{1}{4} (2N - \langle \nu \rangle) (2\Omega - 2N - \langle \nu \rangle + 2). \quad (1.11)$$

При каждом из этих приближений сенъорити-образ квадрупольного оператора становится одночастичным оператором. Тогда соответствующие эрмитовые сенъорити-образы квадрупольного оператора примут вид:

$$P_{C,A}^2 = \sqrt{1 - \frac{N-1}{\Omega-1}} (d^+ s + s^+ d)^{(2)} + \chi \left(1 - \frac{2N-2}{\Omega-2} \right) (d^+ d)^{(2)}, \quad (1.12)$$

$$P_{C,B}^2 = \sqrt{1 - \frac{N - \frac{1}{2}(\nu) - 1}{\Omega - 1 - \langle \nu \rangle}} (d^+ s + s^+ d)^{(2)} + \chi \left(1 - \frac{2N - \langle \nu \rangle - 2}{\Omega - \langle \nu \rangle - 2} \right) (d^+ d)^{(2)}. \quad (1.13)$$

Отображение A (1.12) имеет такой же вид, как оно было получено Отсукой–Аримой–Якелло (ОАЯ) [2], тогда как отображение B (1.13) ближе к подходу ОАЯ–Тальми (ОАЯТ).

В. Отображение Беляева–Зелевинского (БЗ). В методе БЗ бозонный образ мультипольных операторов такой же, как в отображении Дайсона. А образ парных операторов конструируется так, чтобы удовлетворить алгебру коммутационных соотношений и сохранить эрмитовость фермионных операторов. В общем это ведет к бесконечному ряду для образов парных операторов, которые, однако, можно выразить в замкнутой форме через Казимир-операторы или их собственные значения. Когда нужно сконструировать МВБ-подобный гамильтониан только с одно- и двухчастичными членами в образе S-парных операторов, сохраняем именно эти члены, для SO(8)-симметрии спаривательный оператор имеет вид:

$$S^+ \rightarrow s^+ \sqrt{\Omega - 2N} + \frac{1}{2} (s^+ s^+ - d^+ d^+) s \frac{\sqrt{\Omega + 4} - \sqrt{\Omega - 2N}}{N + 2}. \quad (1.14)$$

Он дает точные матричные элементы между нижайшими состояниями SO(6)-предела SO(8)-симметрии: $|N, \delta = N\rangle$ и $|N + 1, \delta = N \pm 1\rangle$.

Для Sp(6)-симметрии аналогично имеем

$$S^+ \rightarrow s^+ \sqrt{\Omega - 3N} - \left[d^+ d^+ s - s^+ n_d - 2s^+ s^+ s + \frac{\sqrt{7}}{2} d^+ (d^+ d)^{(2)} \right] \times \frac{\sqrt{\Omega + 3/2} - \sqrt{\Omega - 3N}}{3N + 3/2}, \quad (1.15)$$

которое воспроизводит матричный эмиттер между нижайшими SU(3) предельными состояниями симметрии:

$N, (\lambda = 2N, \mu = 0) \rangle u |N + 1, (\lambda - 2N + 2, \mu = 0) \rangle, |N + 1, (\lambda \neq 2N - 2, \mu = 2) \rangle$ МВБ – подобный бозонный образ спаривательного взаимодействия, тогда получаем комбинированный каждого из выше предельных выражений, причем оставляем только одно- и двухчастичные члены.

Таким образом, как сенъорити-, так и БЗ-отображение могут быть подходящим приближением к отображению ФДСМ гамильтониана в эрмитов гамильтониан МВБ-типа только с одно- и двухчастичными членами.

В сенъорити-отображении B мы используем некоторые знания о решениях ФДСМ через $\langle \nu \rangle$ [(1.11) и (1.13)]. В принципе должна быть использована итерационная процедура для нахождения величин $\langle n_s \rangle$ исключительно в бозонном подходе. Следует начать с вычисления по сенъорити-отображениям A , затем в последующих итерационных шагах $\langle n_s \rangle$ заменить на $N - 1 - \langle n_d \rangle$, где $\langle n_d \rangle$ находится из O_1^+ состояния предыдущего шага.

2. Сравнение ФДСМ и отображенного бозонного подхода. В этом разделе обсудим сравнение результатов ФДСМ с выводами бозонного отображения, описанного выше. Для приложения теорий выберем ядра тяжелой области $Z = 50-82, N = 82-126$, оболочек, для которых выполняется связанная нейтрон-протонная $S_p^\nu(6) \otimes SO^\pi(8)$ симметрия ФДСМ. В данной работе мы рассматриваем структуру состояний четных и тяжелых изотопов платины, для которых число протонных пар $N_\pi = 2$, а число нейтронных пар N_ν изменяется от 4 до 7: ^{190,192,194,196}Pt.

В последние годы большое внимание уделяется экспериментальному и теоретическому изучению структуры состояния изотопов Pt . Тем не менее до сих пор нет удовлетворительного описания свойств даже самых нижних уровней этих ядер. Ранее в геометрической модели Бора–Маттельсона было показано, что для низколежащих коллективных состояний четно-четно изотопов так называемых ядер переходной области наблюдаются конкуренции между вытянутой и сплюснутой формами, кроме того, они обладают сильной γ -нестабильной природой. Поэтому для анализа структуры таких ядер в модели взаимодействующих бозонов проведена точная диагонализация полного гамильтониана модели, т. е. их структуры не описываются не одним из ее асимметрических пределов. Здесь мы обсудим результаты точных расчетов структуры уровней тяжелых изотопов Pt на основе упрощенного гамильтониана ФДСМ (2), оператора E2-переходов между состояниями к их отображениям в бозонное пространство, а затем их сравним с другими подходами, в частности с точной SU(6)-симметрией МВБ и с геометрической моделью Давыдова–Чабана [8], а также с экспериментальными данными.

В пределах контекста МВБ изотопы платины рассматривались как типичный пример применения O(6) динамико-симметричного бозонного предела. Как показала точная диагонализация бозонного SU(6)-гамильтониана, свойства тяжелых изотопов платины являются в действительности

сложной смесью SU(3)- и O(6)-пределов МВБ, хотя они более близки к O(6) динамико-симметричной асимптотике.

В таблицах 1–4 даны сравнительные спектры ядер $^{190,192,194,196}Pt$, вычисленные по ФДСМ, и ее отображение по методу Беляева–Зелевинского (БЗ), сеньорити. Вычисления по отображению сеньорити выполнены в вариантах A_c и B_c .

Параметры ФДСМ взяты из работы [5].

Заключение. Как видно из таблиц, вычисленные величины энергии по ФДСМ и ее отображение по методу Беляева–Зелевинского (БЗ) очень близки к их экспериментальным значениям. Оба варианта сеньорити-отображения дают данные, отличные от экспериментальных на 10–15 %. Фермионно-динамическая теория и ее бозонные отображения также хорошо объясняют наличие эффекта “бэкбендинга” в зависимости энергии состояний от их спинов, который заключается в том, что разность энергии $\Delta E_I = E_I - E_{I-2}$ при малых значениях углового момента приблизительно пропорциональна I, а с некоторого значения I резко уменьшается. Это означает, что состояния ираст-полосы до некоторого значения спина относятся к радиационной полосе, а затем через промежуточные уровни переходят к вибрационной полосе. Из-за такого пересечения полос уровней разной природы электромагнитные E2-переходы между уровнями в этой области оказываются сильно заторможенными.

Таблица 1. Сравнение экспериментального спектра ^{190}Pt с вычисленными по ФДСМ и отраженными бозонными подходами

I_π	Эксп.	ФДСМ	БЗ	A_c	B_c	I_π	Эксп.	ФДСМ	БЗ	A_c	B_c
0_1^+	0	0	0	0	0	2_2^+	0,60	0,58	0,59	0,64	0,64
2_1^+	0,30	0,30	0,31	0,34	0,35	3_1^+	0,92	0,89	0,91	0,95	0,96
4_1^+	0,74	0,72	0,70	0,78	0,80	4_2^+	1,13	1,10	1,12	1,16	1,18
6_1^+	1,29	1,24	1,25	1,35	1,36	5_1^+	1,45	1,46	1,43	1,55	1,55
8_1^+	1,92	1,89	1,90	2,82	2,83	6_2^+	1,73	1,70	1,74	1,78	1,79
10_1^+	2,25	1,17	1,19	2,15	2,16	0_2^+	0,92	0,87	1,90	0,89	0,96
12_1^+	2,73	2,64	2,66	2,84	2,84	2_3^+	1,20	1,18	1,24	1,26	1,27
14_1^+	3,06	2,98	3,023	3,15	3,15	2_4^+	1,40	1,32	1,35	1,48	1,47
16_1^+	3,77	3,61	3,65	3,86	3,87	0_3^+	1,67	1,60	1,62	1,73	1,74

Таблица 2. Сравнение экспериментального спектра ^{192}Pt с вычисленными по ФДСМ и отраженными бозонными подходами

I_{π}	Эксп.	ФДСМ	БЗ	A_c	B_c	I_{π}	Эксп.	ФДСМ	БЗ	A_c	B_c
0_1^+	0	0	0	0	0	2_2^+	0,61	0,60	0,60	0,60	0,60
2_1^+	0,32	0,32	0,32	0,32	0,32	3^+	0,92	0,90	0,89	0,98	0,100
4_1^+	0,78	0,76	0,75	0,84	0,86	4_2^+	1,20	1,17	1,18	1,24	1,28
6_1^+	1,37	1,34	1,36	1,44	1,45	5^+	1,48	1,45	1,46	1,56	1,60
8_1^+	2,02	1,98	1,99	2,10	2,12	7^+	2,11	2,06	2,08	2,17	2,20
10_1^+	2,52	2,50	2,52	2,62	2,60	0_2^+	1,20	1,18	1,20	1,25	1,30
12_1^+	2,62	2,64	2,62	2,70	2,72	0_3^+	1,54	1,50	1,52	1,56	1,58
14_1^+	3,00	3,02	3,00	3,10	3,09	0_4^+	1,62	1,58	1,59	1,83	1,66
16_1^+	3,54	3,56	3,54	3,61	3,63	2_3^+	1,44	1,40	1,42	1,48	1,52
18_1^+	4,20	4,25	4,23	4,27	4,28	4_3^+	1,94	1,90	1,92	2,00	2,02

Таблица 3. Сравнение экспериментального спектра ^{194}Pt с вычисленными по ФДСМ и отраженными бозонными подходами

I_{π}	Эксп.	ФДСМ	БЗ	A_c	B_c	I_{π}	Эксп.	ФДСМ	БЗ	A_c	B_c
0_1^+	0	0	0	0	0	2_2^+	0,62	0,60	0,60	0,62	0,62
2_1^+	0,33	0,32	0,32	0,36	0,37	3^+	0,92	0,89	0,91	0,93	0,94
4_1^+	0,81	0,78	0,76	0,85	0,86	4_2^+	1,23	1,21	1,22	1,26	1,27
6_1^+	1,41	1,38	1,36	1,45	1,46	5^+	1,50	1,45	1,47	1,57	1,57
8_1^+	2,10	2,08	2,06	2,17	1,20	6_2^+	1,93	1,89	1,90	2,01	2,0
10_1^+	2,44	2,40	2,38	2,50	2,52	7^+	2,11	2,08	2,10	2,16	2,17
12_1^+	2,83	2,78	2,75	2,90	2,88	8_2^+	2,69	2,61	2,65	2,75	2,77
						0_2^+	1,27	1,22	1,25	1,35	1,37

Таблица 4. Сравнение экспериментального спектра ^{194}Pt с вычисленными по ФДСМ и отраженными бозонными подходами

I_{π}	Эксп.	ФДСМ	БЗ	A_c	B_c	I_{π}	Эксп.	ФДСМ	БЗ	A_c	B_c
0_1^+	0	0	0	0	0	2_2^+	0,69	0,70	0,70	0,70	0,70
2_1^+	0,36	0,34	0,34	0,40	0,41	3^+	1,02	1,03	1,04	1,10	1,10
4_1^+	0,88	0,86	0,88	0,94	0,95	4_2^+	1,29	1,32	1,31	1,37	1,38
6_1^+	1,53	1,50	1,54	1,59	1,60	6^+	2,01	2,05	2,04	2,11	2,12
8_1^+	2,26	2,24	2,25	2,31	2,32	0_2^+	1,14	1,15	1,16	1,24	1,25
10_1^+	2,00	2,95	2,98	3,10	3,08	0_3^+	1,40	1,43	1,44	1,51	1,53
						0_4^+	1,82	1,85	1,83	1,91	1,94

Таким образом, из ФДСМ-операторов методами бозонного отображения можно сконструировать бозонный гамильтониан, очень близкий к SU(6)-симметрии МВБ, которые дают подобные результаты по спектру изотопов платины. Дайсон-отображение точно воспроизводит ФДСМ-результаты, однако оно неунитарно и приводит к неэрмитовым бозонным операторам. Унитарные отображения, например Беляева–Зелевинского, могут аппроксимировать точные результаты. Однако обрезание пространства до двухчастичных членов, проводимое с целью практического удобства, приводит к довольно большим отклонениям от экспериментальных данных.

ЛИТЕРАТУРА

1. *Wu Ch., Feng D.H., et al.* Fermion dynamical symmetry model of nuclei // *Phys. Rev. C* 36. 1987. P. 1157-1179.
2. *Arima A., Iachello F.* Interacting boson model of collective states I // *Ann. Phys.* 1976. V. 99. P. 253-317.
3. *Geyer H.B., Hahne F.J.* Boson mapping of fermion dynamical symmetry model // *Nuclear Physics. A* 1981. V. 363. P. 45.
4. *Kock E.A., Geyer H.B.* Boson mapping of the Ginocchio model // *Phys. Rev. C* 1991. V. 42. P. 1177.
5. *Geyer H.B., Engelbrecht C.A., Hahne F.J.* Boson Hamil-

tonian from the generalized Dyson boson mapping // *Phys. Rev. C* 1988. V. 44. P. 1030.

6. *Geyer H.B.* Construction the seniority images of the fermion operators // *Phys. Rev. C* 1986. V. 34. P. 2373.

7. *Бактыбаев К., Стрыгин Д.П.* Модель взаимодействующих бозонов и структура ядер Pt // *Изв. АНССР. Сер. физ.* 1979. Т. 43. С. 118-123.

8. *Давыдов А.С.* Возбужденные состояния атомных ядер. М.: Атомиздат, 1967.

Резюме

Көпбөлшектік жүйелер үшін құрылған фермиондық динамика-симметриялық модельдің бозондық кескіні зерттелген. Дайсондық, Беляев-Зелевинскийлік, сеньорити кескіндеуімен фермиондық модельдің өзінің гамильтониандарын диагоналдау қорытындылары олардың ауыспалы ядролар үшін алынған эксперименттік мәндерімен салыстырылды.

Summary

Boson mapping of Fermi particle dynamic-symmetrical model of many-particle systems were investigated. Results of diagonalization of Hamiltonians of Daison Beljaev-Zelevinskij, Senioriti, and Fermi particle model itself were compared with experimental data for transient nuclear.

Казахский национальный университет им. аль-Фараби, г. Алматы

Поступила 23.06.06г.